

Capítulo 3

O Espectro contínuo de luz

3.1 Paralaxe estelar

3.2 A escala de magnitudes

3.3 A natureza ondulatória da luz

3.4 Radiação de corpo-negro

3.5 Quantização de energia

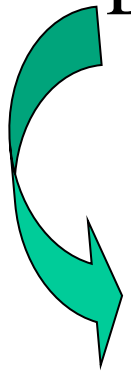
3.6 O índice de cor

3.1 Paralaxe Estelar

Determinação da Distância das Estrelas

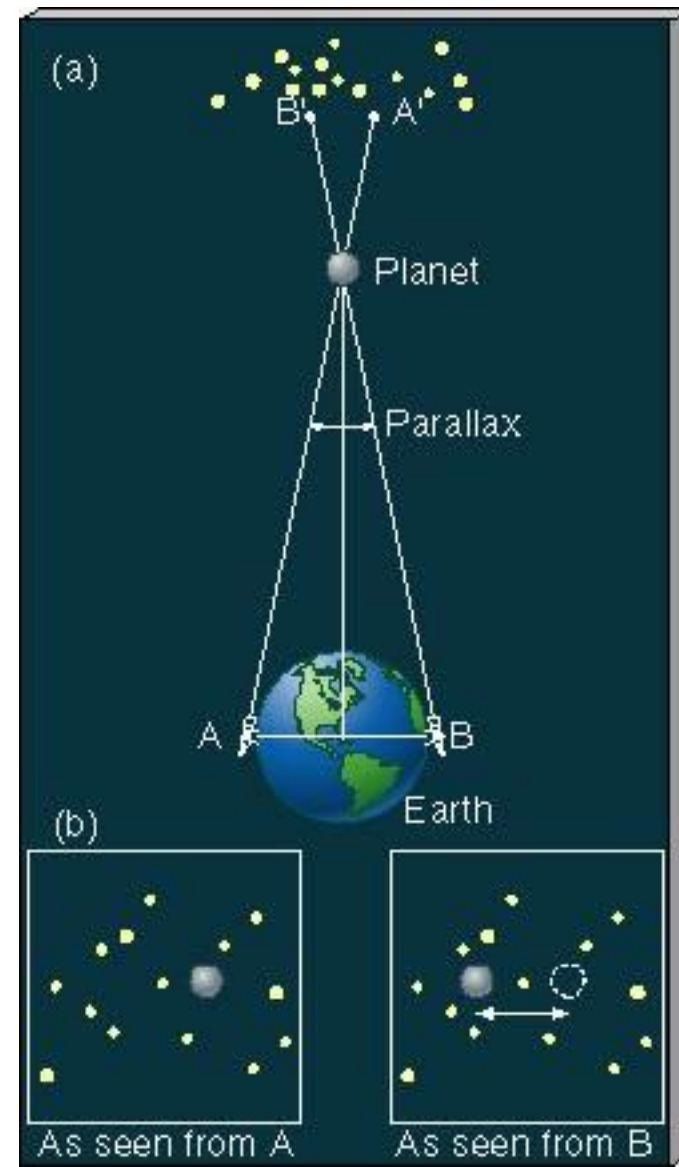
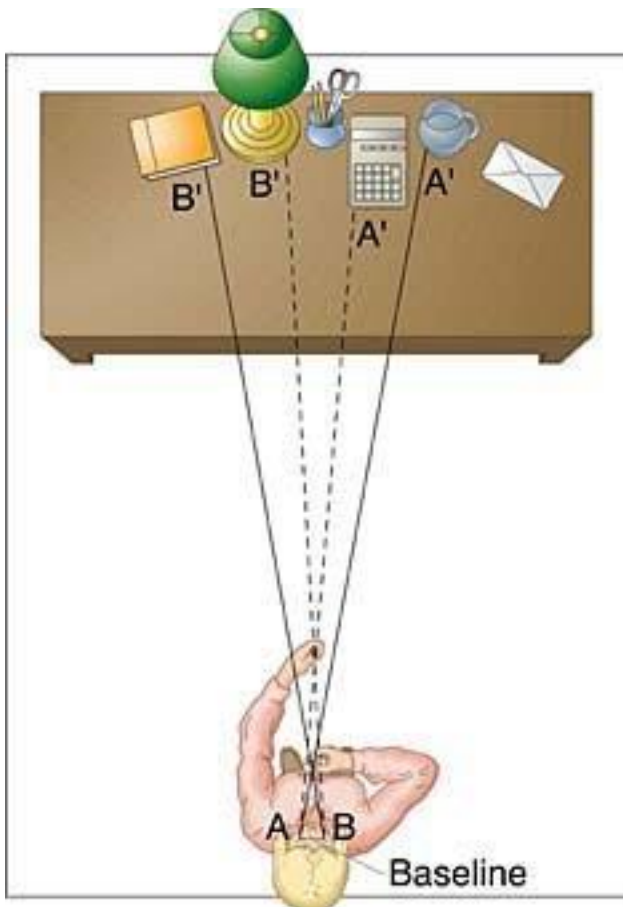
Métodos usados para o sistema solar (radares ou leis de Kepler - movimentos orbitais), não podem ser aplicados às estrelas.

Distâncias envolvidas grandes demais → outras formas de determinar o quanto elas estão distantes.

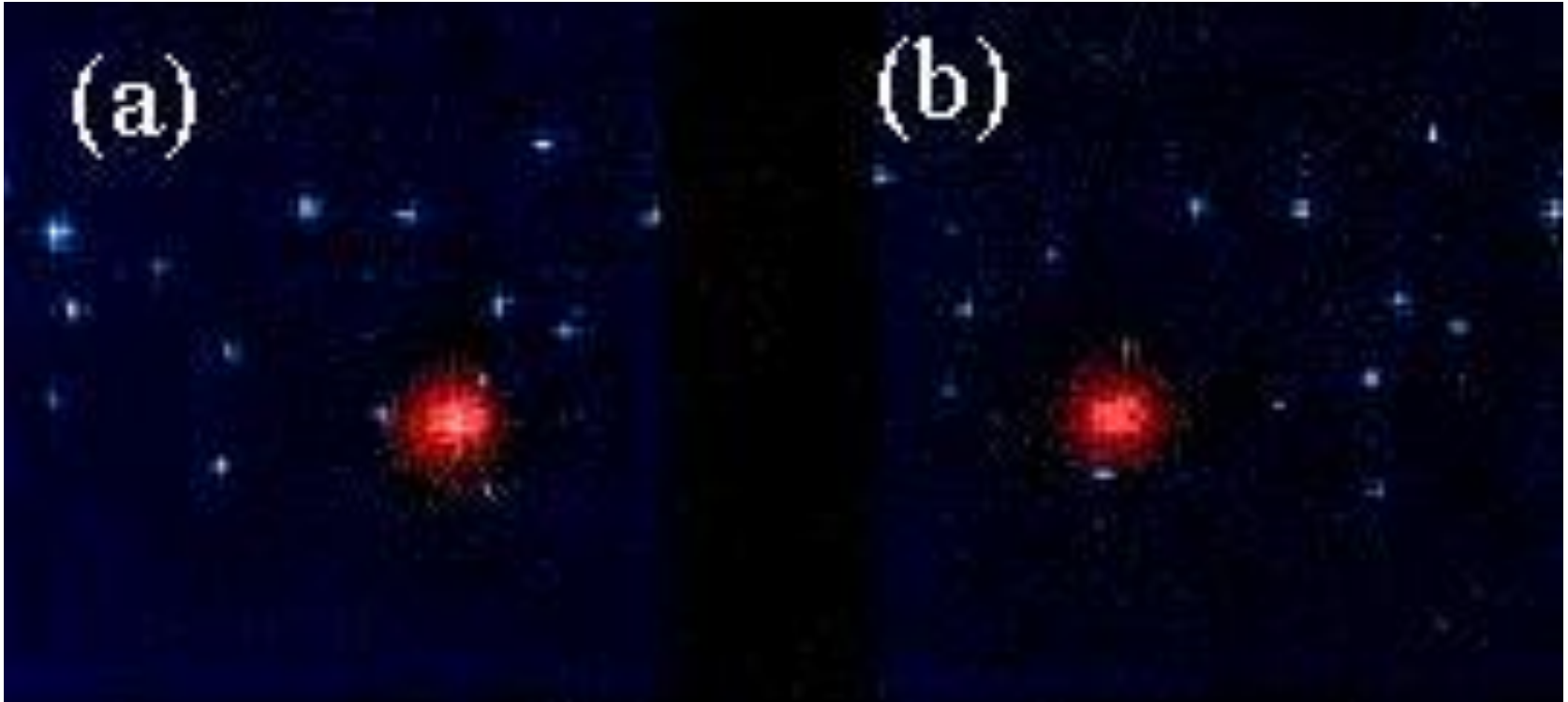


Paralaxe: ângulo medido a partir de diferentes pontos de vista (linha de base).

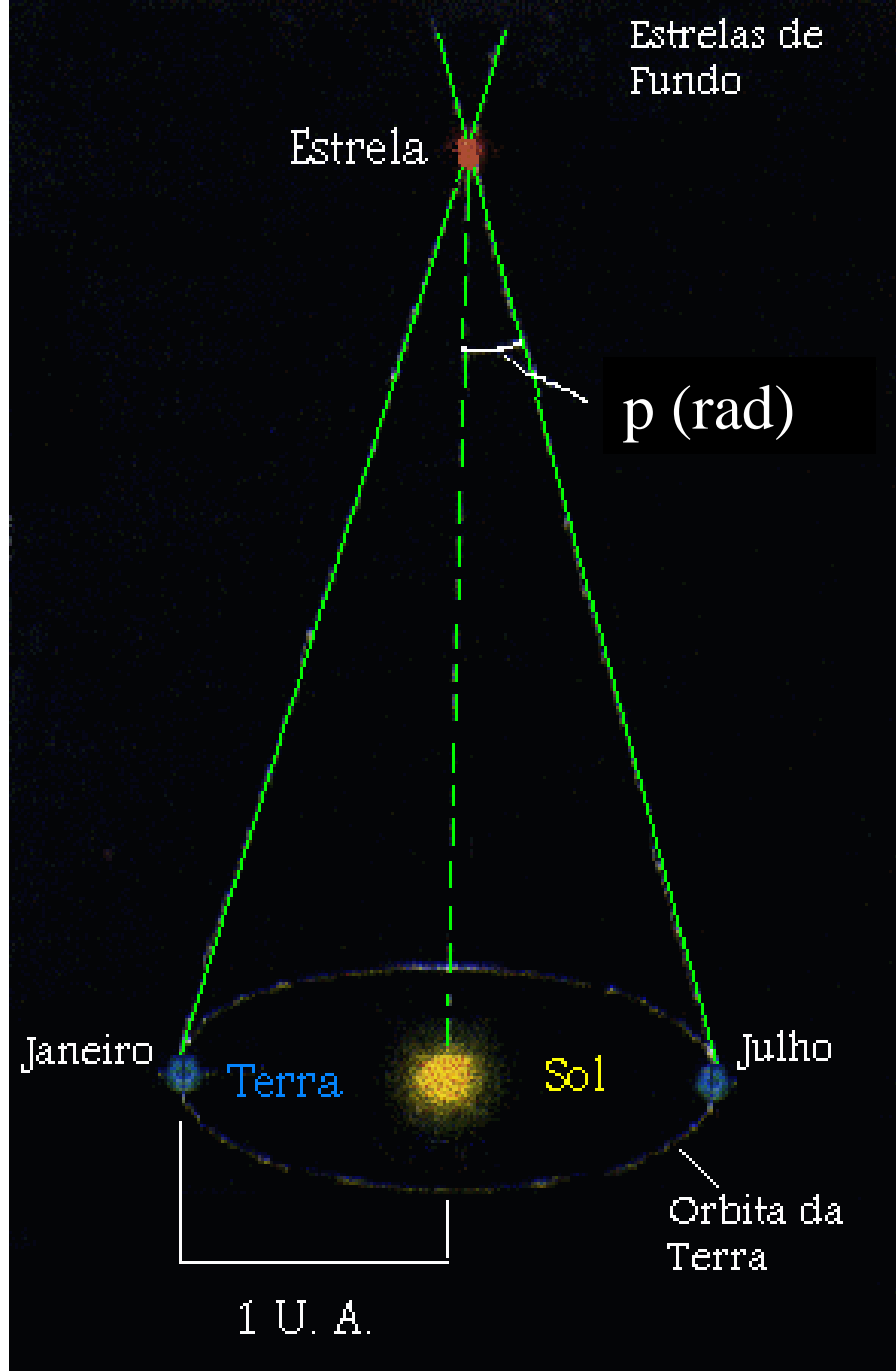
A paralaxe é inversamente proporcional à distância do objeto.



Maiores linhas de base permitem medir maiores distâncias pelo método da paralaxe:



As imagens (a) e (b) correspondem a uma mesma região do céu observada com seis meses de diferença, mostrando o movimento aparente de uma estrela, com relação às estrelas “fixas”, ao fundo.



Paralaxe Trigonométrica

Quanto mais distante a estrela, menor é o ângulo paralático → medida mais usual da paralaxe é dada em de segundos de arco (p'')*.

*Usando a aproximação de pequenos ângulos: $\tan p \approx p \text{ (rad)}$

$$1 \text{ rad} = 57,2958^\circ = 206264,806''$$

Paralaxe Trigonométrica (cont.)

- Por **convenção**: uma estrela com paralaxe de 1" está a uma distância de 206265 U.A.
- **Define-se** essa distância como sendo de 1 **parsec** (1pc = $3,1 \times 10^{16}$ m = 3,3 anos-luz) → se conhecermos a medida da paralaxe (p") teremos a distância da estrela em parsec, dada por

$$d \text{ (pc)} = 1/p''.$$

Exemplo: Bessel anunciou em 1938 o ângulo paralático $p = 0,316''$ medido para estrela **61 Cygni**, indicando uma distância **$d = 1/0,316'' = 3,16 \text{ pc}$** .

Paralaxe Trigonométrica (cont.)

- Dada a definição de parsec e a conversão de radianos para segundos de arco:

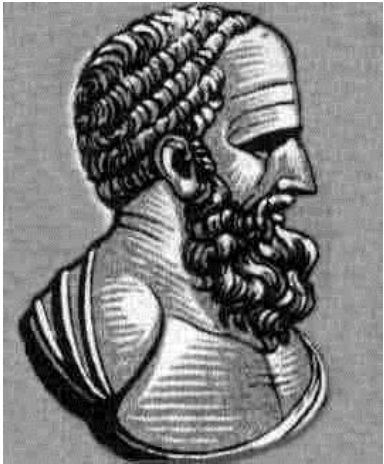
$$d(pc) = \frac{1}{p(")}$$

$$d(UA) = \frac{206265}{p(")}$$

se a paralaxe é dada em radianos, temos a distância em U.A.

$$d(UA) = \frac{1}{p(rad)}$$

3.2 Escala de Magnitude



Magnitude Aparente (m)



- Definida por Hiparcos, refinada por Ptolomeu.
- Estrelas mais brilhantes* \Rightarrow 1ª magnitude,
magnitude aparente $m_1 \Rightarrow F_1$.
- Estrelas de menor brilho 6ª magnitude, $m_6 \Rightarrow F_6$.
- Na convenção moderna $\Rightarrow F_1 = 100 F_6$.

(*) vamos usar F_i (fluxo radiante) para denotar o brilho aparente de uma estrela com magnitude m_i .

Uma diferença de 5 magnitudes corresponde a um fator 100 em brilho:

- $\Delta m = m_6 - m_1 = 5 \Rightarrow F_1 / F_6 = 100$
- $\Delta m = m_5 - m_1 = 4 \Rightarrow F_1 / F_5 = 100^{4/5}$
- $\Delta m = m_4 - m_1 = 3 \Rightarrow F_1 / F_4 = 100^{3/5}$
- $\Delta m = m_3 - m_1 = 2 \Rightarrow F_1 / F_3 = 100^{2/5}$
- $\Delta m = m_2 - m_1 = 1 \Rightarrow F_1 / F_2 = 100^{1/5} = 2,512$

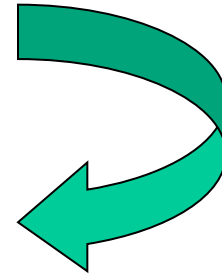
Uma diferença de 1 magnitude corresponde a um fator 2,512 em brilho

Razão de fluxos em função das diferenças de magnitudes:

$$\Delta m = m_j - m_i \Rightarrow F_i / F_j = 100^{\Delta m / 5}$$

$$\log \frac{F_i}{F_j} = \left(\frac{m_j - m_i}{5} \right) \log 100 \quad \rightarrow \quad \log \frac{F_i}{F_j} = 0,4 (m_j - m_i)$$

$$m_j - m_i = 2,5 \log \frac{F_i}{F_j}$$



Expressão genérica

magnitude zero \Rightarrow fluxo de calibração



Admite-se que: $m_i = 0 \Rightarrow F_i = F_0 = \text{constante}$.

Para estabelecermos a magnitude $m_j = m$ de uma estrela, vamos supor que seu fluxo seja $F_j = F$:

$$m_j - m_i = 2,5 \log \frac{F_i}{F_j} \quad \longrightarrow \quad m - 0 = 2,5 \log \frac{F_0}{F}$$

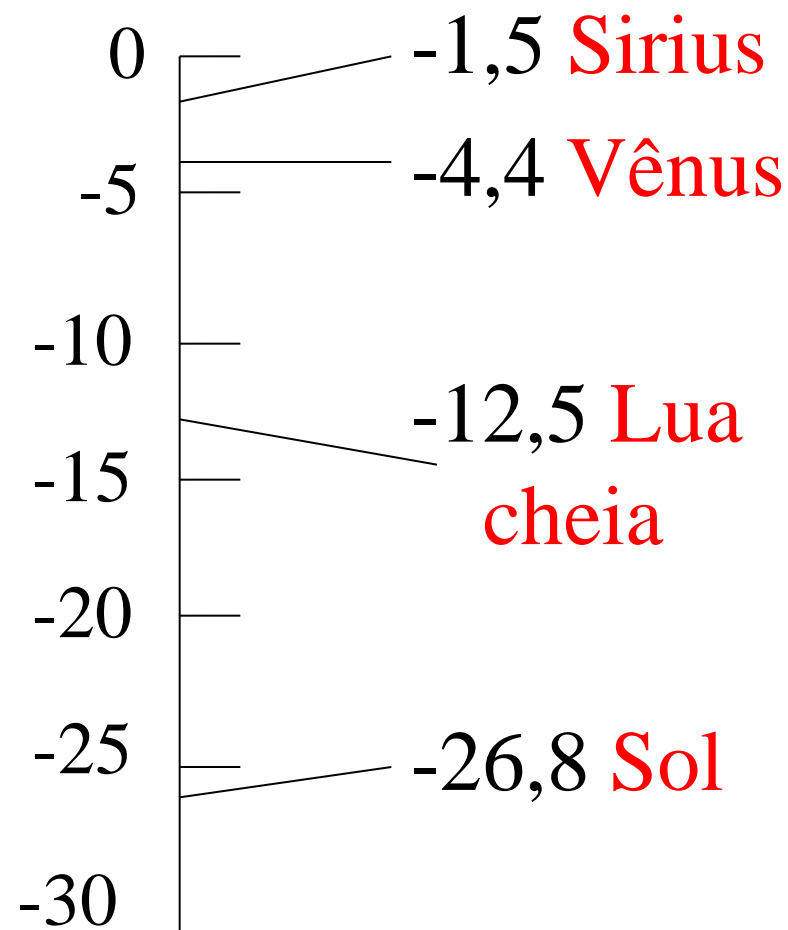
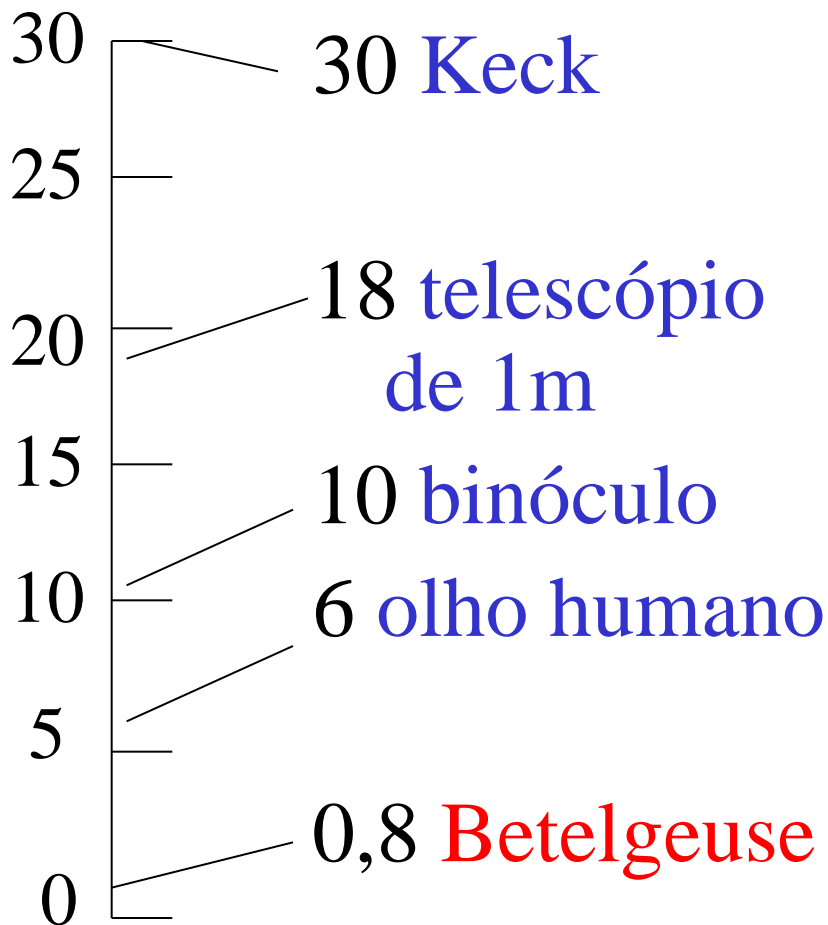
$$m = 2,5 \log F_0 - 2,5 \log F$$

$C = \text{cte.}$

$$m = C - 2,5 \log F$$

Limite de detecção de alguns telescópios e magnitude aparente de alguns astros

$$m \propto -2,5 \log F$$



Fluxo, Luminosidade e a lei do inverso do quadrado da distância

- **Brilho aparente** pode ser medido

(fluxo = energia detectada numa dada área de superfície coletora, num intervalo de tempo).



- **Luminosidade**: Variação de energia por unidade de tempo (Potência) emitida na superfície da estrela.

Ex: Sol: $L_{\odot} \sim 4 \times 10^{26}$ Watts.

é intrínseca: não depende da localização ou do movimento da estrela, mas não é diretamente observável.

Fluxo de Radiação Estelar

Imagine uma estrela de luminosidade L rodeada por uma enorme esfera de raio r . Qual é o fluxo de radiação medido à distância r ?

À medida que nos distanciamos de uma fonte de luz, sua radiação é diluída, de forma que a radiação recebida em um detector diminui com o quadrado da distância.

$$F(r) = \frac{L}{4\pi r^2}$$



Exemplo: Irradiância solar (constante solar)

A luminosidade do Sol é $L_{\odot} = 3,839 \times 10^{26}$ W. A uma distância de 1 U.A. = $1,496 \times 10^{11}$ m, a Terra recebe um fluxo de radiação acima de sua atmosfera absorvedora de:

$$F = \frac{L}{4 \pi r^2} = \frac{3,839 \times 10^{26}}{4 \pi (1,496 \times 10^{11})^2} = 1365 \text{ W m}^{-2}$$

O fluxo (F) observado depende da luminosidade (L) e da distância (d) da estrela:

$$m = C - 2,5 \log F$$
$$F(d) = \frac{L}{4\pi d^2}$$


$$m = C - 2,5 \log L + 2,5 \log(4\pi d^2)$$

$$m = C' - 2,5 \log L + 5 \log d$$

onde $C' = C + (2,5 \log 4\pi)$ e

m é a **magnitude aparente** da estrela.

Magnitude Absoluta

- Para comparação entre diversas estrelas adota-se uma mesma distância (10 pc) para todas:


$$m, d, L_*, F_d$$

$$M, 10\text{pc}, L_*, F_{10}$$

$$M = m(d=10\text{pc})$$

$$m = C' - 2,5 \log L + 5 \log d$$

$$M = C' - 2,5 \log L + 5$$

Módulo de distância

- Comparação entre magnitudes aparente (observada) e absoluta (determinada pela luminosidade da estrela).

$$m-M = (C' - 2,5\log L + 5\log d) + (C' - 2,5\log L + 5\log 10)$$

$$m-M = 5\log d - 5 \quad \Rightarrow \quad m-M = 5\log \frac{d}{10}$$

ATENÇÃO: distância em pc.

(*) Supondo ausência de extinção interestelar, a qual afeta a magnitude aparente.

Exemplo: Magnitude absoluta do Sol (M_{Sol})*

A magnitude aparente do Sol é $m_{\text{Sol}} = -26,83$ mag. e sua distância é $d = 1 \text{ U.A.} = 4,949 \times 10^{-6} \text{ pc}$. Pela equação do módulo de distância temos:

$$m - M = 5 \log \frac{d}{10}$$

$$M_{\text{Sol}} = m_{\text{Sol}} - 5 \log \frac{d(\text{pc})}{10}$$

$$M_{\text{Sol}} = -26,83 - 5 \log \frac{4,949 \times 10^{-6}}{10}$$

$$M_{\text{Sol}} = +4,74$$

* Vamos adotar para as magnitudes m e M com “Sol” sub-escrito, para evitar confusão com o símbolo de massa solar M_{\odot}

- Comparando duas estrelas à mesma distância:

$$M = C' - 2,5 \log L + 5$$

$$M_1 - M_2 = -2,5 \log \left(\frac{L_1}{L_2} \right)$$

- Supondo que uma delas é o Sol, temos a magnitude absoluta da outra estrela:

$$M_* = M_{Sol} - 2,5 \log \left(\frac{L_*}{L_{Sol}} \right)$$

- Útil para determinar a distância das estrelas variáveis pulsantes.

3.3 Natureza ondulatória da luz

A velocidade da luz: experiência de Roemer

- Observação das luas de Júpiter quando passavam pela sombra do planeta → usando leis de Kepler → previsão dos próximos eclipses das luas;
- Quando a Terra estava mais próxima de Júpiter, os eclipses ocorriam antes do previsto;
- Roemer concluiu que a discrepância era causada pela diferença no tempo que a luz leva para se deslocar entre os dois planetas → 22 minutos para cruzar o diâmetro da órbita da Terra*

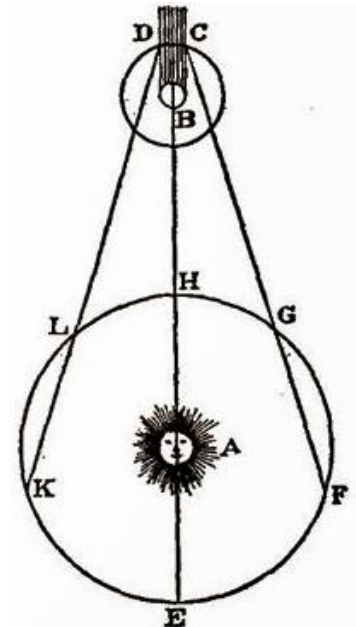
$$\rightarrow v_{\text{luz}} \sim 2,2 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$$

- Em 1983 v_{luz} no vácuo formalmente definida:

$$c = 2,99792458 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$$



Ole Christensen Roemer
(1644-1710)

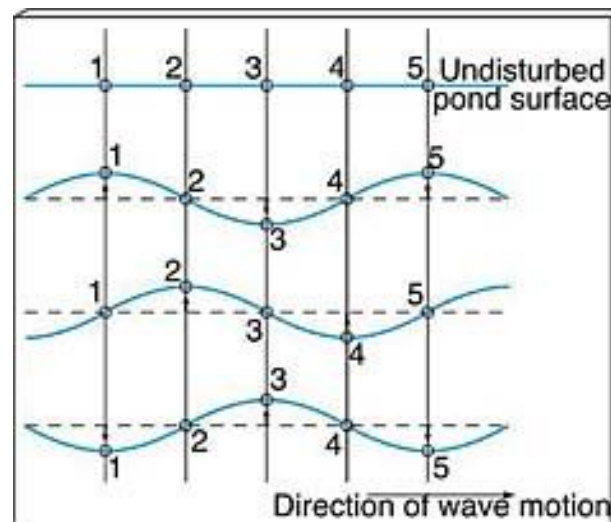


* Hoje sabemos que a luz leva cerca de 16,5 minutos para cruzar 2 U.A.

Dualidade partícula-onda: experiência de Young

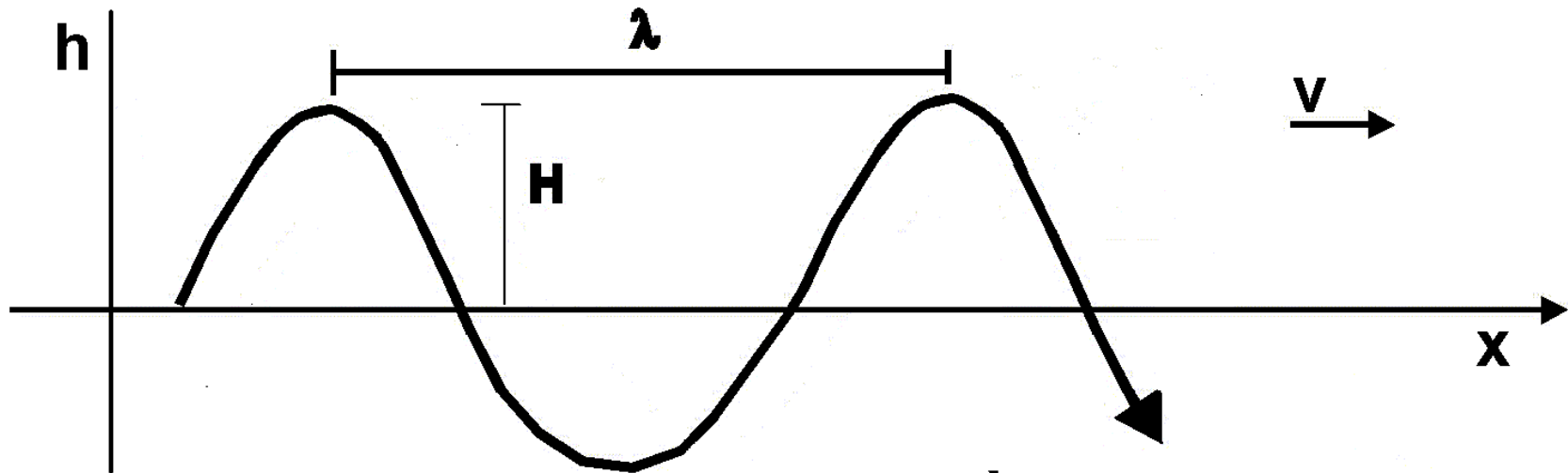
- Newton acreditava que a luz consistia de um feixe de partículas;
- Huygens (1629 – 1695) sugeriu que a luz fosse ondas semelhantes a outros exemplos de ondas encontrados na natureza*

A distância entre duas cristas é o comprimento de onda λ e o número de ondas que passam por um determinado ponto no espaço é a frequência ν , tal que a velocidade da luz é $c = \lambda \nu$



* Ao contrário dos outros tipos, as ondas eletromagnéticas não necessitam de um meio físico para serem transportadas.

A natureza da luz: ondulatória (cont.)



Propagação de uma onda de amplitude H , velocidade v , e comprimento da onda λ

$$h = H \operatorname{sen} \left[\frac{2\pi}{\lambda} (x - v t) \right]$$

Determinação do Período e da Frequência de oscilação

$$h = H \operatorname{sen} \left[\frac{2\pi}{\lambda} (x - v t) \right]$$

- Expressão num dado instante:

quando fixamos $t=0 \Rightarrow$

$$h = H \operatorname{sen} \left[\frac{2\pi x}{\lambda} \right]$$

o primeiro máximo será dado por
onde $h = H$

$$x = \frac{\lambda}{4}$$

Período e frequência de oscilação (cont.)

$$h = H \operatorname{sen} \left[\frac{2\pi}{\lambda} (x - v t) \right]$$

Evolução no tempo

fixando $x = \frac{\lambda}{4} \Rightarrow h = H \operatorname{sen} \left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{\lambda}{4} - v t \right) \right]$

$$h = H \operatorname{sen} \left[\frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{\lambda} v t \right]$$

máximos ($h=H$)

em $t=0$ e em

$$t = \frac{\lambda}{v}$$

período

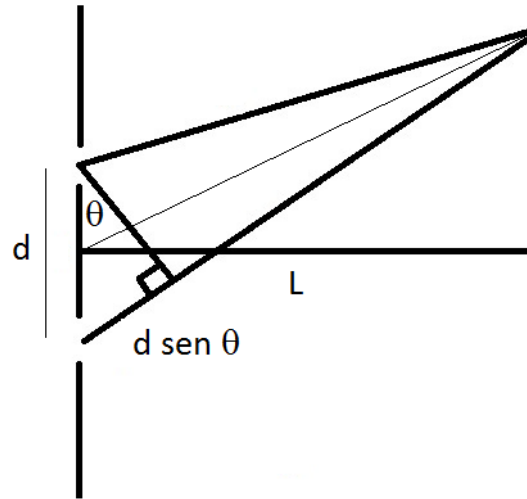
$$f = \frac{v}{\lambda}$$

frequência

$$v = \frac{c}{\lambda} \text{ (Hz)}$$

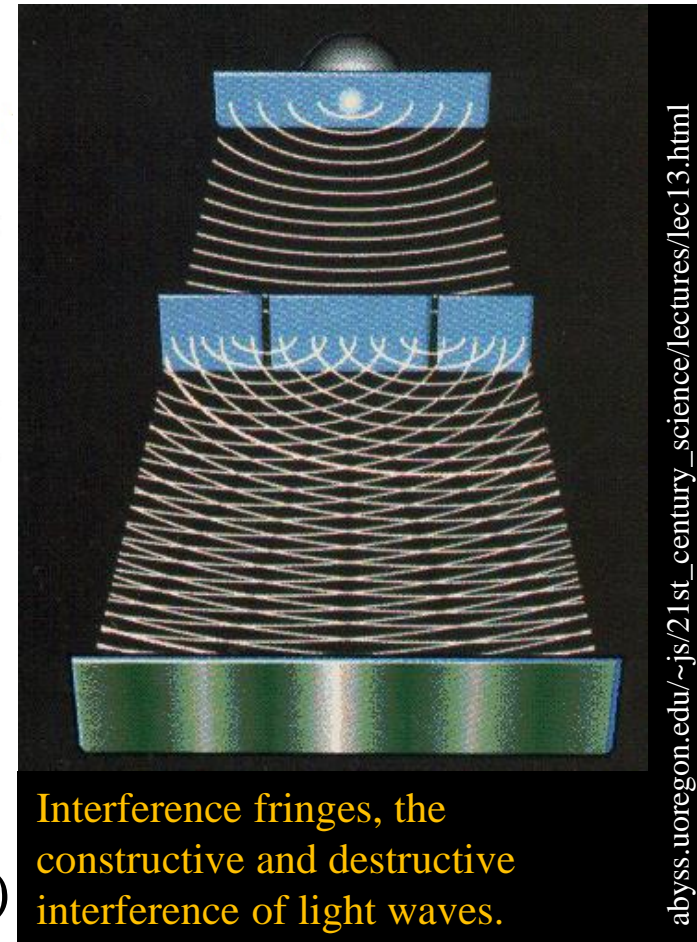
A natureza ondulatória da luz só foi conclusivamente demonstrada por Thomas Young (1773-1829), com o **experimento da dupla fenda**


A luz atravessa duas fendas separadas pela distância d , atingindo uma tela atrás das fendas, a uma distância L .



Na tela aparecem **franjas de interferência**, cujo padrão é dado pela **diferença dos caminhos** percorridos pela luz: $d \sin \theta$ (se $L \gg d$), tal que:

$$d \sin \theta \begin{cases} n \lambda & (n = 0, 1, 2, \dots \text{franjas brilhantes}) \\ (n - 1/2) \lambda & (n = 1, 2, \dots \text{franjas escuras}) \end{cases}$$




$$\begin{aligned}\nabla \cdot \mathbf{E} &= \frac{\rho}{\epsilon_0} \\ \nabla \cdot \mathbf{B} &= 0 \\ \nabla \times \mathbf{E} &= -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \\ \nabla \times \mathbf{B} &= \mu_0 \left(\mathbf{J} + \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right)\end{aligned}$$

A teoria de Ondas Eletromagnéticas (cont.)



James Clerk Maxwell
(1831-1879)

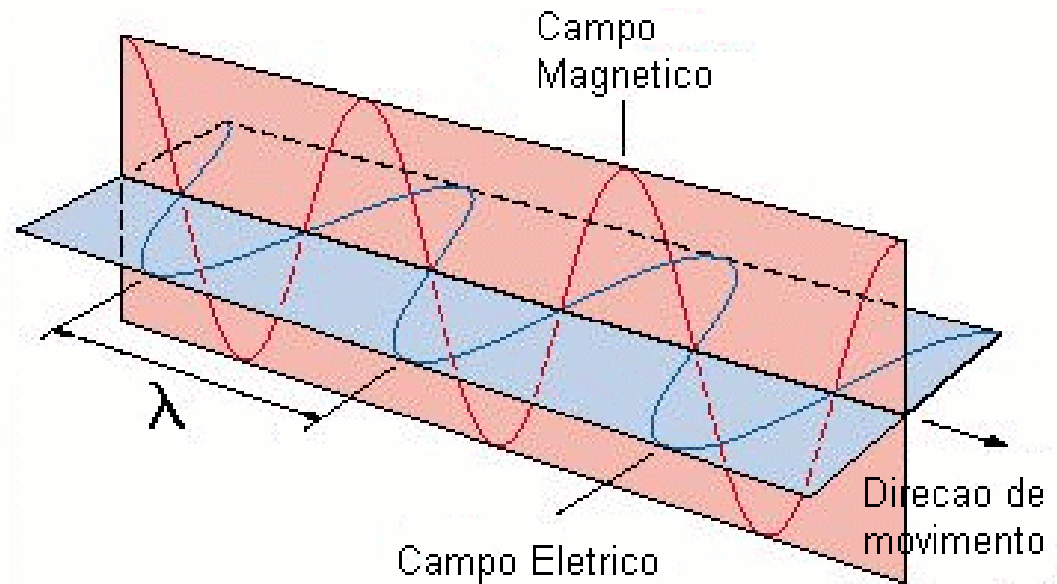
Das equações de Maxwell \rightarrow campos elétrico (\mathbf{E}) e magnético (\mathbf{B})
 \rightarrow equação de ondas eletromagnéticas \rightarrow deslocam-se no vácuo à velocidade:

$$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}}$$

Substituindo pelos valores das constantes ϵ_0 e μ_0 Maxwell descobriu que as ondas eletromagnéticas viajam à velocidade da luz.

Em 1904, H. Hertz produziu ondas rádio em laboratório, demonstrando que as ondas eletromagnéticas têm propriedades de reflexão, refração e polarização.

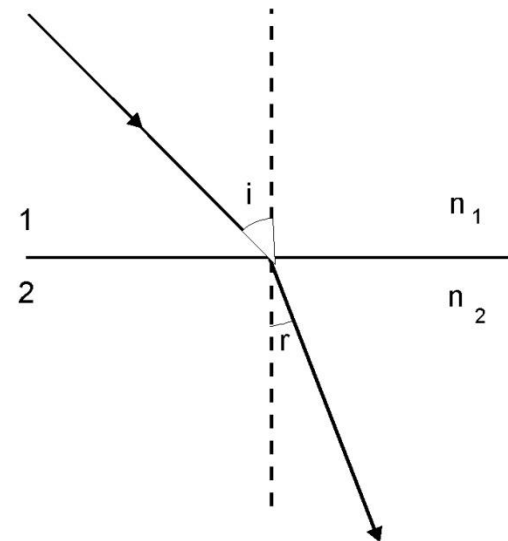
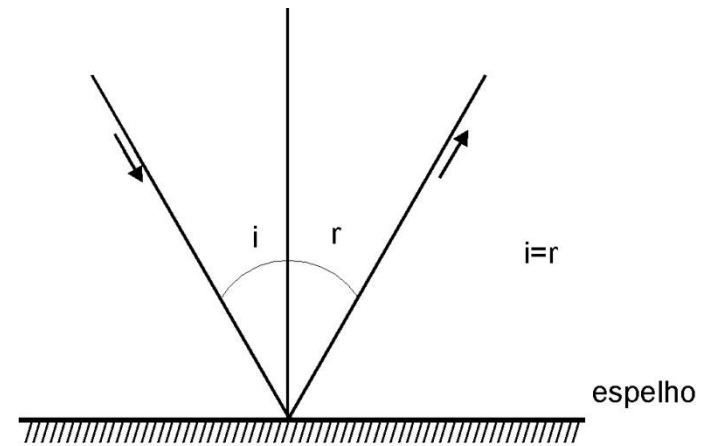
Ondas Eletromagnéticas



Campos **elétrico** e **magnético** vibram em planos perpendiculares entre si. Juntos, eles formam uma onda eletromagnética que se move através do espaço à velocidade da luz.

Reflexão e Refração

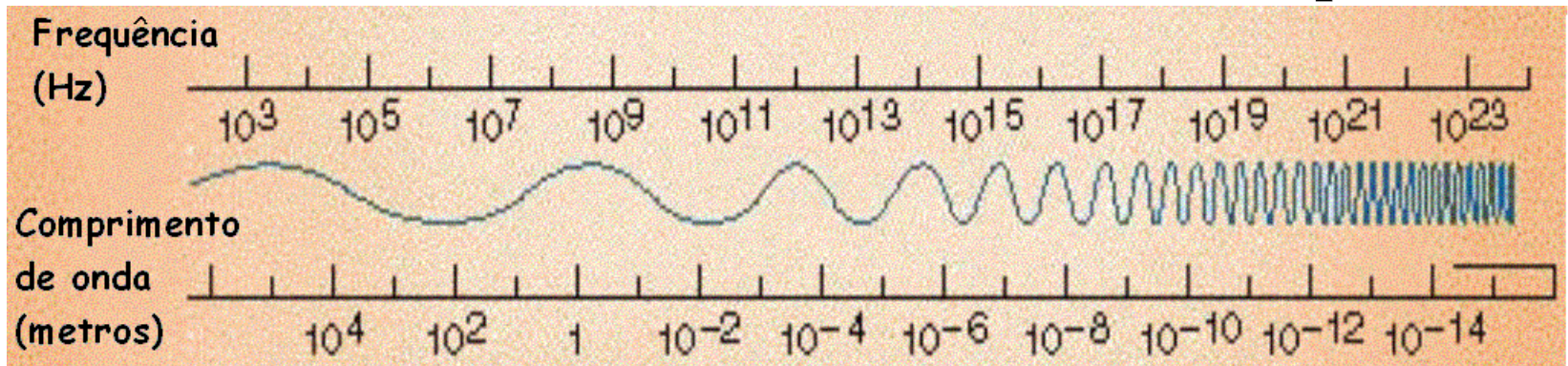
- Nos casos em que a luz se propaga atravessando diferentes meios, como no exemplo dos telescópios refratores, ela sofre refração, mudando de velocidade em função dos diferentes índices de refração (n).
- Considerando o caso em que $n_2 > n_1$, temos a relação:
$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$
, conhecida por lei de Snell.



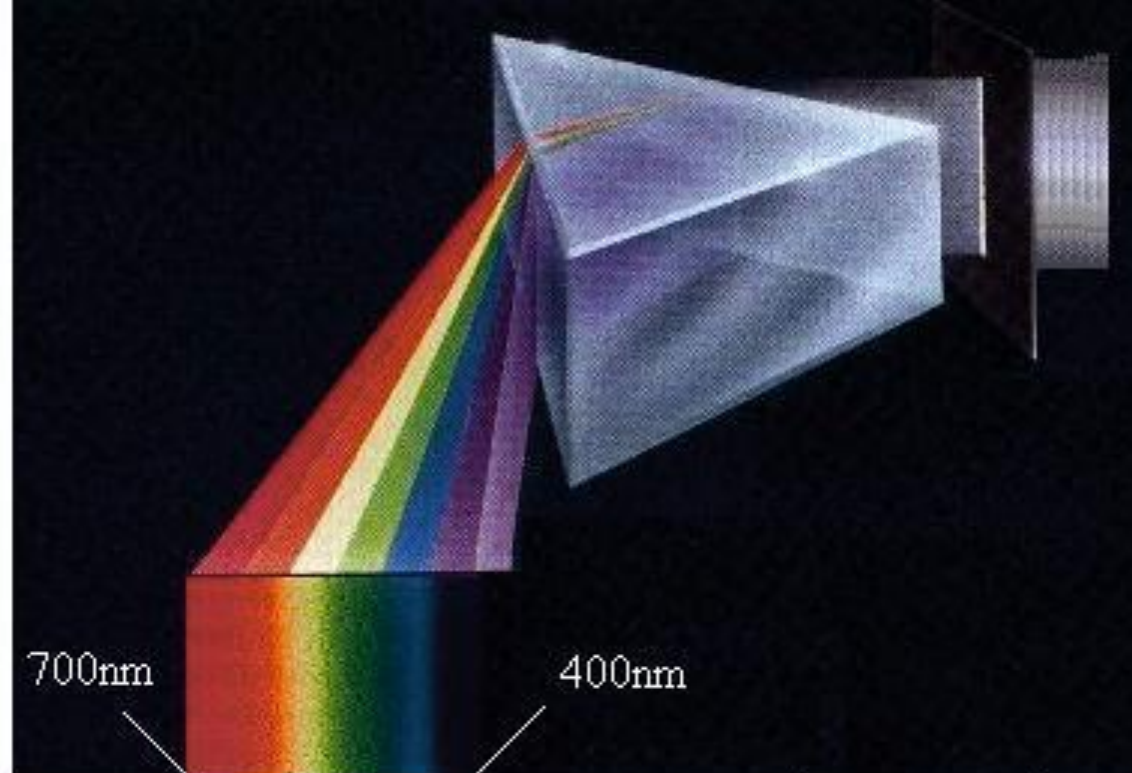
O Espectro Eletromagnético

- O espectro eletromagnético óptico (faixa do visível) cobre comprimentos de onda desde o violeta: 3900 Å até o vermelho: 7200 Å

→ radiação da luz solar, que pode ser decomposta em diferentes frequências.



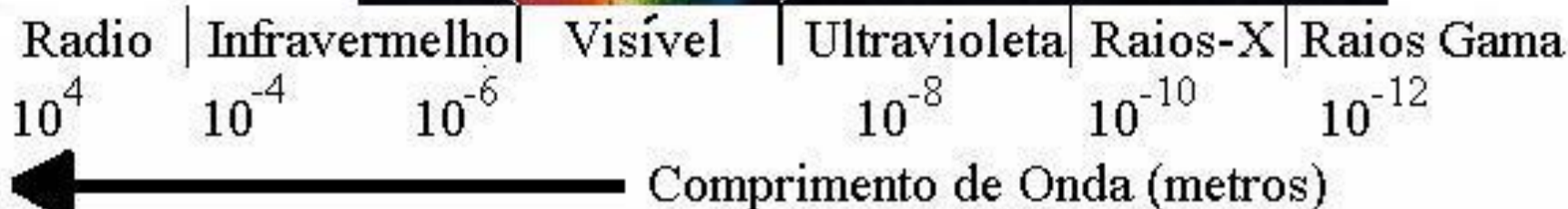
(1 Ångstrom = 10^{-8} cm = 0,1 nm)



← Luz
Branca
←

700nm

400nm



10^9

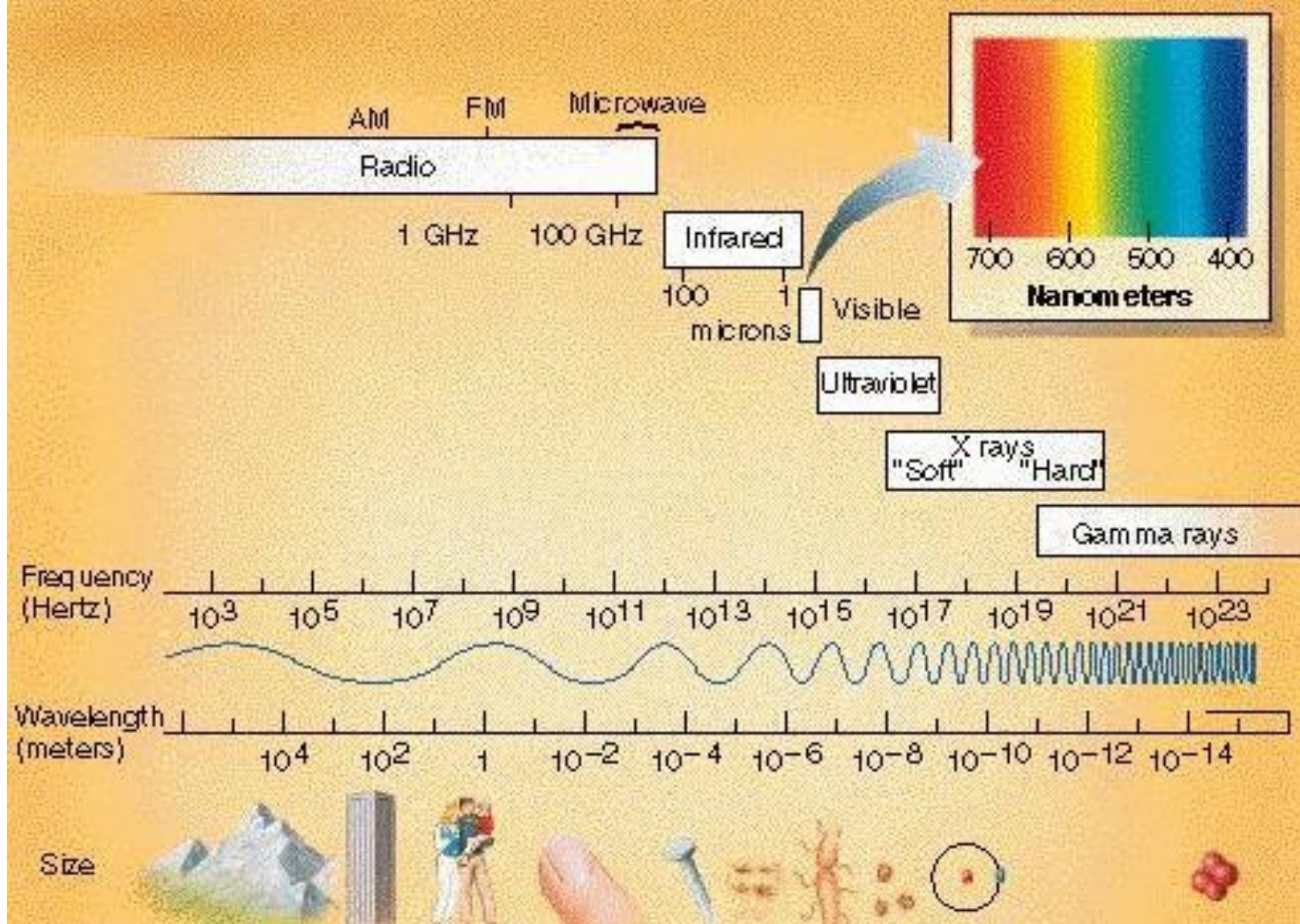
10^{12}

10^{15}

10^{18}

10^{21}

Frequência (Hz)



Região espectral	λs típicos	λ (em metros)
Raios- γ	$< 0,1 \text{ \AA}$	$< 10^{-11}$
Raios-X	$0,1 - 100 \text{ \AA}$	$10^{-11} - 10^{-8}$
UV	$100 \text{ \AA} - 3000 \text{ \AA}$	$10^{-8} - 3 \cdot 10^{-7}$
Visível	$4000 - 7000 \text{ \AA}$	$3,5 \cdot 10^{-7} - 9 \cdot 10^{-7}$
IV	$1 \text{ }\mu\text{m} - 100 \text{ }\mu\text{m}$	$10^{-6} - 10^{-3}$
Microondas	$1 \text{ mm} - 10 \text{ cm}$	$10^{-3} - 10^{-1}$
Rádio	$> 10 \text{ cm}$	$> 10^{-1}$

O vetor de Poynting e Pressão de Radiação:

Ondas carregam **energia** e **momento** na direção de propagação.

O **vetor de Poynting**: $\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B}$

fornece (em W m^{-2}) a taxa na qual a energia é carregada pela luz e atravessa uma dada área perpendicular na direção de propagação.

O valor médio (no tempo) do vetor de Poynting é: $\langle S \rangle = \frac{1}{2\mu_0} E_o B_o$

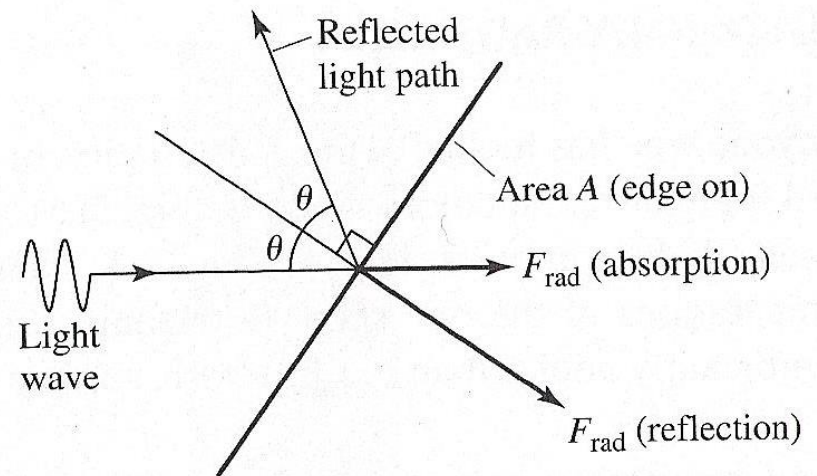
onde E_o e B_o descrevem a onda para um específico comprimento de onda.

Pressão de Radiação

Ondas carregam **momento** e exercem uma força na superfície onde há incidência da luz, dependendo se é refletida ou absorvida.

$$F_{rad} = \frac{\langle S \rangle A}{c} \cos\theta \quad (\text{absorção})$$

$$F_{rad} = \frac{2\langle S \rangle A}{c} \cos^2\theta \quad (\text{reflexão})$$



Embora essa pressão seja desprezível nas condições normais, tem um papel dominante em ambientes astrofísicos relacionados a objetos muito luminosos, como **estrelas quentes, supergigantes vermelhas e processos de acreção em objetos compactos**.

Seu efeito é significativo em partículas de **poeira do meio interestelar**.

BIBLIOGRAFIA

- Carroll & Ostlie (2007, Cap. 3)
- Karttunen et al. (1997, Cap. 4)

Próxima Aula

- Radiação de corpo negro, quantização de energia, índice de cor