

Física Quântica - Prova Substitutiva - 9-Julho-2020

- Duração: 2 horas (+20 min para enviar por e-mail)
- Não se esqueça de colocar seu nome em cada página das folhas de respostas.
- Enviar escaneado COM CLAREZA em formato pdf, em um único arquivo.
- Nomear o arquivo como Nome_Sobrenome.pdf
- Primeiro nome de A a K – Enviar para robertovribas@gmail.com
- Primeiro nome de L a Z – enviar para rvribas@if.usp.br
- É permitido consulta SOMENTE às Notas de Aula e o uso de calculadoras.
- Letras e números claramente legíveis!
- JUSTIFIQUE SUAS RESPOSTAS!

1.- O espectro da radiação emitida por uma estrela tem intensidade máxima para $\lambda = 4500\text{Å}$. Sabendo-se que a superfície da estrela pode ser aproximada por um corpo negro, calcule: **(a)** a temperatura na superfície da estrela. **(b)** A potência total irradiada pela estrela, sabendo-se que a mesma tem a forma de uma esfera de raio $R = 1.5 \cdot 10^9 \text{ m}$.

2 - Radiação de comprimento de onda 2000 Å incide sobre uma superfície de alumínio, cuja função de trabalho é 4.2 eV .

(a) Qual a energia cinética máxima do fotoelétron emitido? **(b)** Qual o potencial de corte? **(c)** Qual o comprimento de onda limite para o alumínio? **(d)** Se a intensidade da luz incidente é de 2 W/m^2 , qual é o número médio de fótons por unidade de tempo e por unidade de área que atinge a superfície?

3.- O poder de resolução máximo (menor distância Δx que pode ser separada) de qualquer microscópio só é limitado pelo comprimento de onda de sua iluminação: $\Delta x \sim \lambda$. **(a)** um microscópio eletrônico usa elétrons de 50 keV para iluminar objetos. Qual a menor distância que pode ser separada com este microscópio? Suponha agora que queremos observar objetos de dimensões de cerca de 0.5 Å . Qual a menor energia das partículas da iluminação, se utilizarmos **(b)** elétrons e **(c)** fótons?

4.- A função de onda de um elétron no átomo de hidrogênio é dada por $\Psi(r, \theta, \varphi, t) = A e^{-r/2a_0} \cdot e^{-iEt/\hbar}$, onde $a_0 = \frac{\hbar^2}{2m_e e^2}$. **(a)** Determine o valor de A que normaliza a função. **(b)** Determine $r_{rms} = \sqrt{\langle r^2 \rangle}$.

Dados:

$$hc = 12.6 \cdot 10^{-7} (\text{eV} \cdot \text{m}); \hbar c = 2 \cdot 10^{-7} (\text{eV} \cdot \text{m}); m_e c^2 \simeq 5 \cdot 10^5 \text{ eV} \quad m_p c^2 \simeq 10^9 \text{ eV}$$

$$h = 4 \cdot 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s} = 6.6 \cdot 10^{-34} \text{ Js}; k = 9 \cdot 10^{-5} \text{ eV/K} \quad N_A = 6 \cdot 10^{23}$$

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \cdot 10^9 (\text{N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}; 1 \text{ eV} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ J}; R_T = 6 \cdot 10^{-8} \text{ T}^4 \text{ W/m}^2 \quad ; \lambda_m T = 3 \cdot 10^{-3} \text{ m} \cdot \text{K}$$

$$\lambda' = \lambda + \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \theta) = \lambda + 0,024 (1 - \cos \theta) [\text{Å}];$$

$$\int_0^\infty e^{-\lambda x^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{\lambda}}; \int_0^\infty x e^{-\lambda x^2} dx = \frac{1}{2\lambda}; \int x e^{-ax} dx = e^{-ax} (ax + 1) / a^2; \int x^2 e^{-ax} dx = -e^{-ax} (a^2 x^2 + 2ax + 2) / a^3$$

$$\begin{aligned} \sin^2 x &= \frac{1}{2}(1 - \cos 2x) & \int \sin^2 ax dx &= -\frac{\sin ax \cos ax}{2a} + \frac{1}{2}x \\ \int x \sin ax dx &= -\frac{x}{a} \cos ax + \frac{1}{a} \int \cos ax dx & \int x \cos ax dx &= \frac{x \cos ax}{a} - \frac{1}{a} \int \sin ax dx \end{aligned}$$