

### Prova 1

#### Ex. 1. (2.5 pontos)

Dado um triângulo  $ABC$ . Sejam  $M$  o ponto médio do  $BC$ ,  $N$  o ponto do segmento  $AC$  tal que  $\overrightarrow{AN} = 3\overrightarrow{NC}$  e  $P$  o ponto de encontro de  $AM$  com  $BN$ . Se  $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$  e  $\overrightarrow{AC} = \vec{b}$ , escreva o vetor  $\overrightarrow{AP}$  em função de  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$ .

#### Ex. 2. (2.5 pontos)

Sejam  $E = (\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3)$  uma base,  $\vec{f}_1 = \vec{e}_1 - \vec{e}_2$ ,  $\vec{f}_2 = \vec{e}_1 + \vec{e}_3$ ,  $\vec{f}_3 = -\vec{e}_1 - \vec{e}_2 - \vec{e}_3$ .

- a) (1 ponto) Mostre que  $F = (\vec{f}_1, \vec{f}_2, \vec{f}_3)$  é base;
- b) (1.5 pontos) Ache (se existem) os valores do  $a$  tais que os vetores  $\vec{u} = (1, 1, 1)_E$  e  $\vec{v} = (2, a, a)_F$  sejam LD.

#### Ex. 3. (2.5 pontos)

Sejam  $A = (2, 1, 2)$ ,  $B = (1, 0, 0)$ ,  $C = (1 + \sqrt{3}, \sqrt{3}, -\sqrt{3})$  três pontos no espaço. Calcule os ângulos do triângulo  $ABC$ , e os comprimentos da mediana e da altura que saem do vértice  $A$ .

#### Ex. 4. (2.5 pontos)

- a) (1.25 pontos) Determine (se existem) os valores de  $x$  e  $y$  para que o vetor  $\vec{v} = x\vec{i} + y\vec{j} + 6\vec{k}$  seja paralelo ao produto vetorial de  $\vec{w} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2x\vec{k}$  por  $\vec{u} = 2\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$ ;
- b) (1.25 pontos) Determine  $x$  para que os pontos  $A = (x, 1, 2)$ ,  $B = (2, -2, -3)$ ,  $C = (5, -1, 1)$ ,  $D = (3, -2, -2)$  sejam coplanares.

#### Ex. 5. (0.5 ponto extra!)

Os lados de um triângulo estão sobre as retas  $y = 2x + 1$ ,  $y = 3x - 2$ ,  $y = 1 - x$ . Ache as vértices desse triângulo.